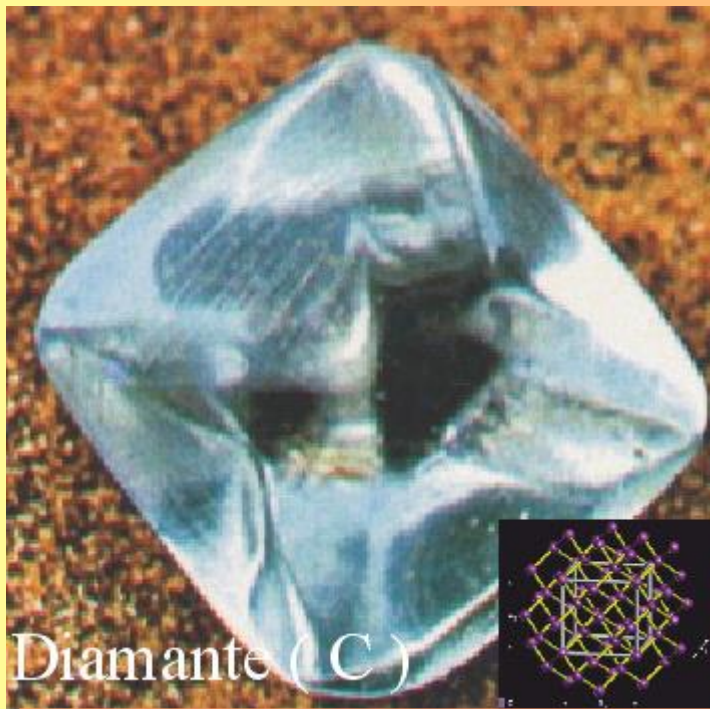


CRISTALOGRAFÍA MORFOLÓGICA

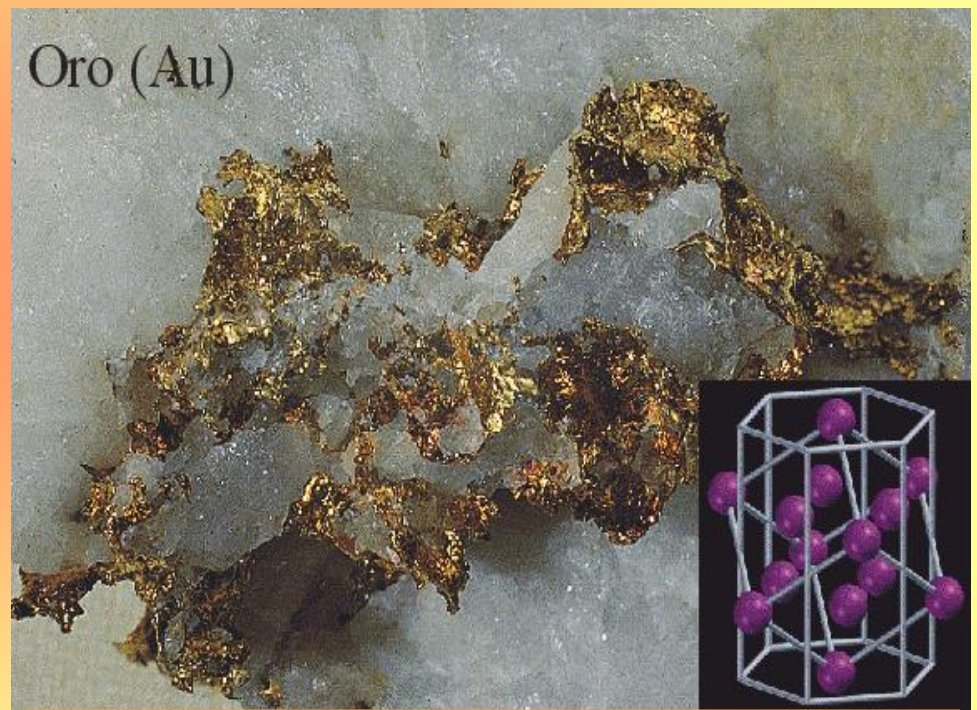
CRISTALOGRAFÍA

CIENCIA QUE ESTUDIA LOS SÓLIDOS CRISTALINOS



Diamante (C)

NO METAL - NC = 4



Oro (Au)

METAL - NC = 12

Sistema cúbico – Clase hexaoctaédrica

CRISTALOGRAFÍA

Es la ciencia que estudia los sólidos cristalinos y las leyes que gobiernan su crecimiento, forma externa y estructura interna.

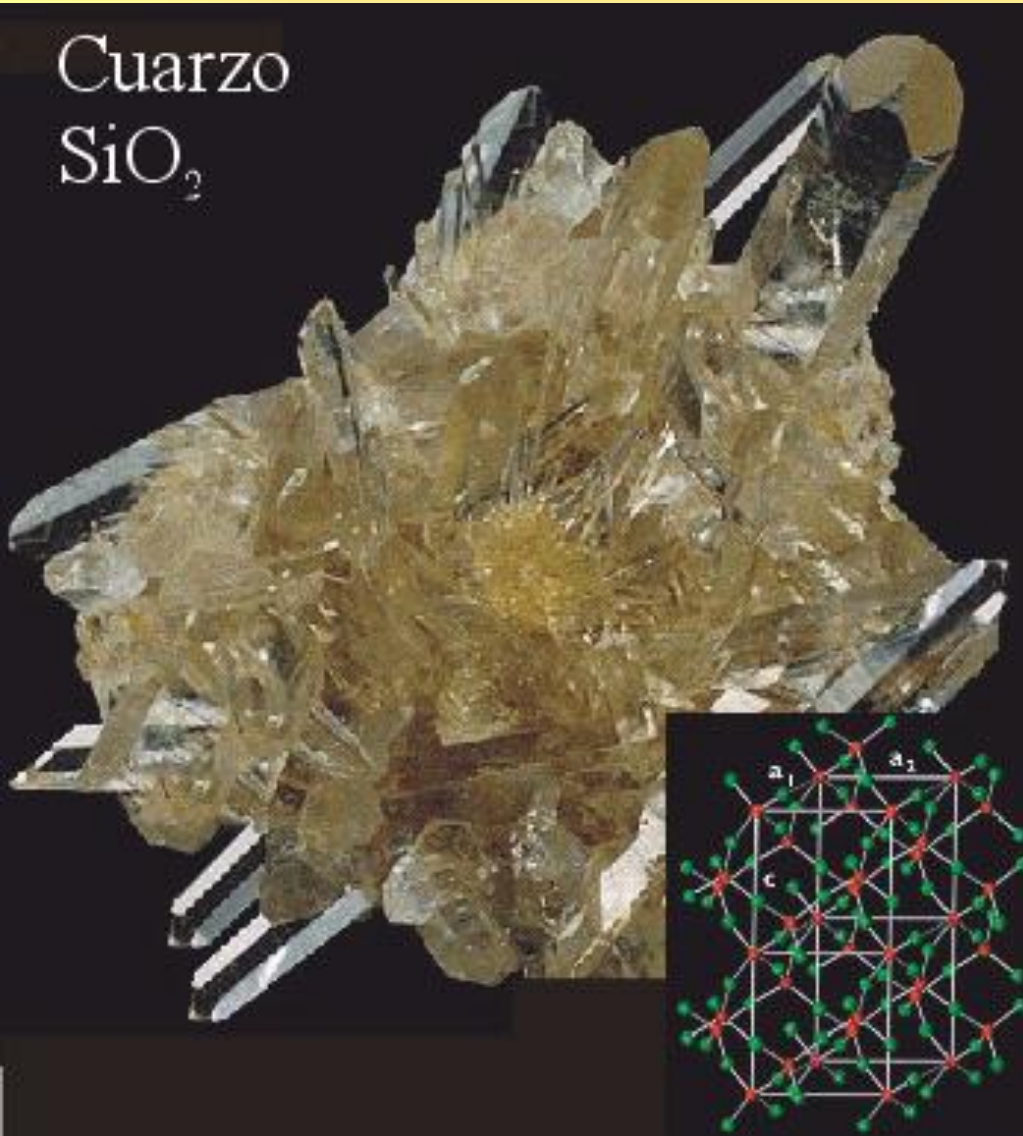
Es una **ciencia auxiliar** de la Mineralogía, así como de la tecnología de materiales, metalurgia, etc. Comprende:

(1) La cristalografía morfológica o geométrica, que estudia la **forma externa** de los **cristales**.

(2) El orden interno de los **cristales**.

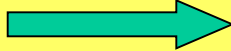

Cristal = Del griego “Krystallos” (hielo)

Cuarzo
 SiO_2



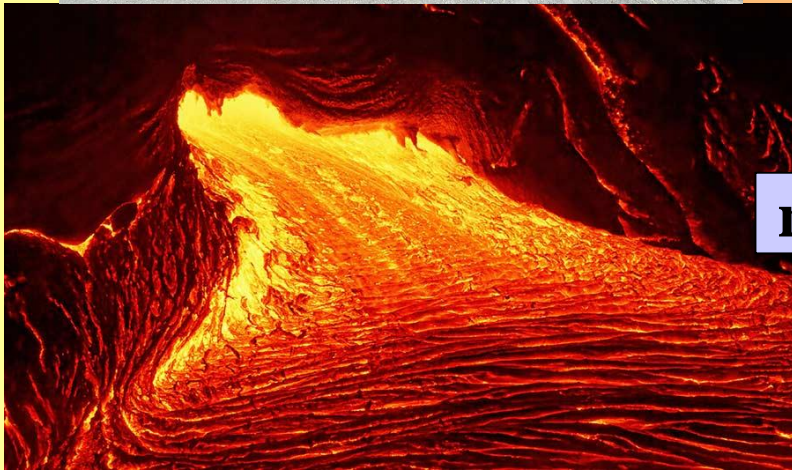
Quando los sólidos están limitados por caras planas y despliegan formas geométricas regulares, se denominan cristales. La forma exterior, es el reflejo de una distribución atómica ordenada tridimensionalmente.

CRISTALIZACIÓN

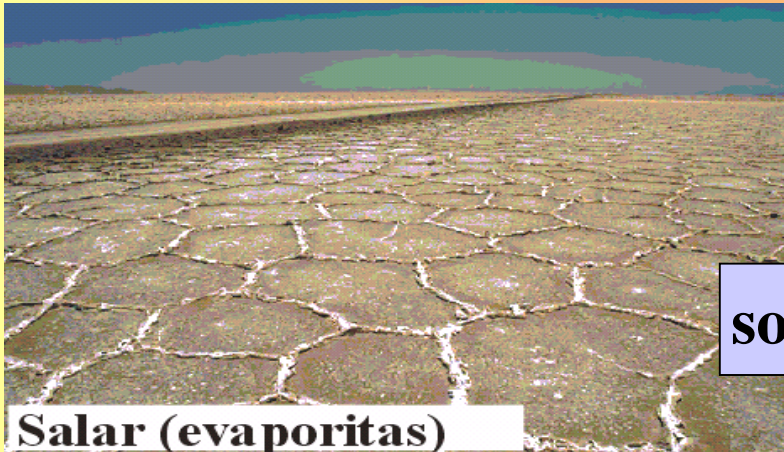
Los minerales naturales, se forman  por cristalización, a partir de:  **soluciones, fundidos y/o vapores.** Los átomos en estos estados más o menos desordenados tienen una disposición al azar, pero al cambiar la temperatura, presión y concentración, pueden agruparse con una *disposición ordenada*, característica del estado cristalino.



vapores



magmas



Salar (evaporitas)

soluciones

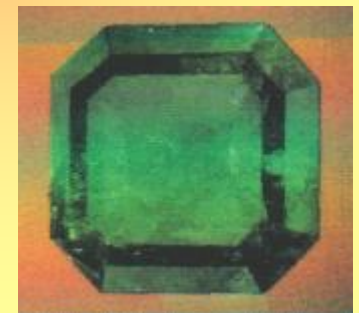
CRISTALES NATURALES Y TALLADOS



Zafiro
(corindón)

Rubí
(corindón)

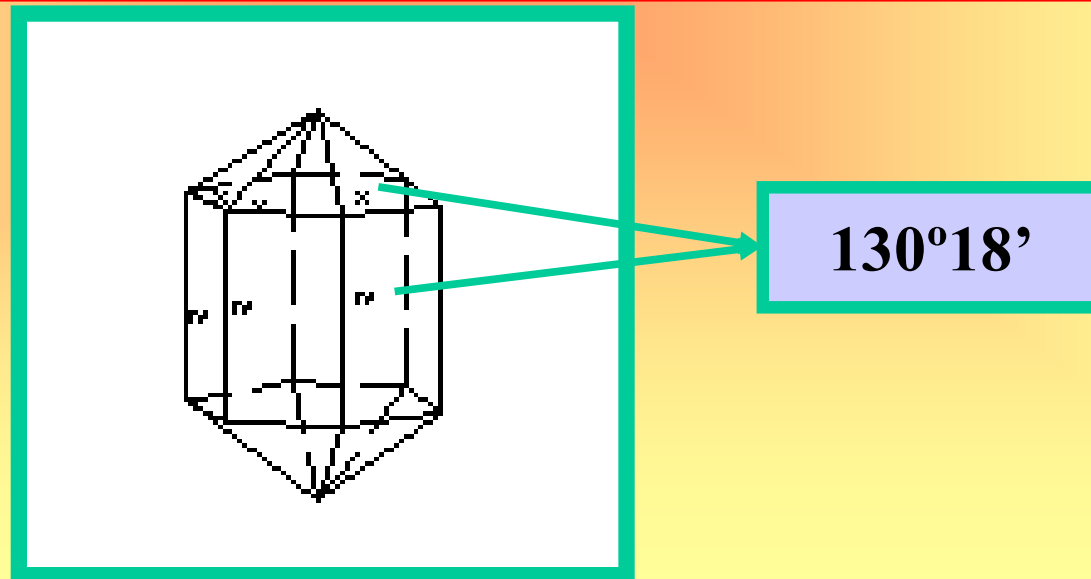
Esmeralda
(berilo)



LEYES QUE GOBIERNAN EL CRECIMIENTO CRISTALINO

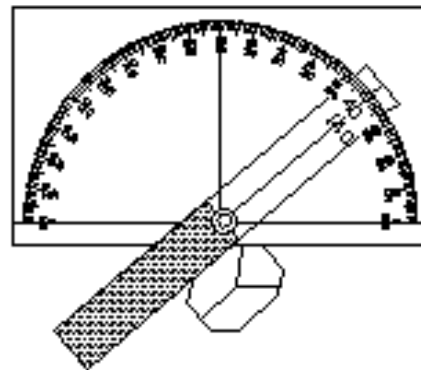
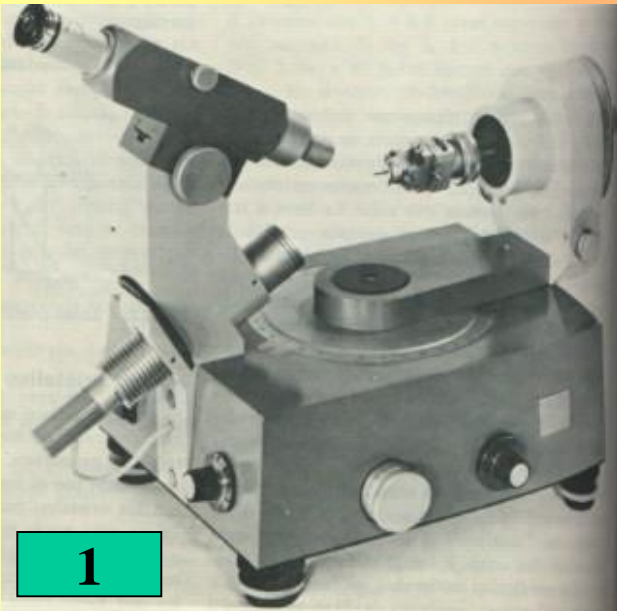
1) Ley de la constancia de los ángulos interfaciales (ley de Steno)

Los ángulos entre las caras de una misma especie cristalina son siempre constantes, independientemente de donde se encuentre, ya sean cristales naturales o artificiales. Para el mineral *apatita*, el ángulo entre las caras adyacentes **x** y **m** es de $130^{\circ}18'$

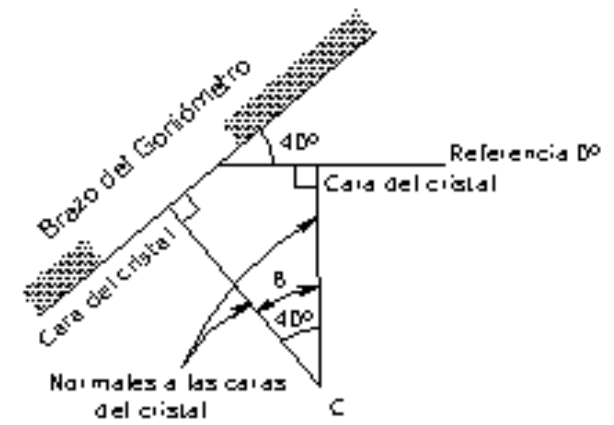


Los ángulos que se miden entre las normales a las caras cristalinas caracterizan un cristal y deben medirse cuidadosamente. Una representación gráfica de la distribución de los ángulos y las normales a las caras cristalinas pueden definir la simetría del cristal y por lo tanto su clase cristalina. Los ángulos se miden con

Goniómetros de: (1) Reflexión y/o de (2) Contacto.



(a)



(b)

2

2) Ley de la racionalidad de los índices: Las relaciones entre las diferentes caras de un cristal y sus intersecciones con ejes de referencia espacial (ejes cristalográficos) son siempre números racionales. Por ejemplo: $1/2$; $1/3$; $1/4$, pero no $1:\sqrt{2}$.

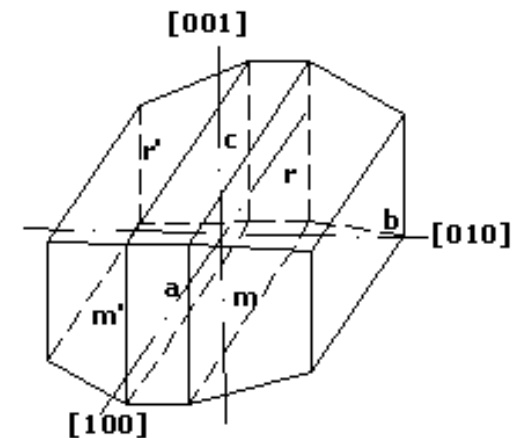
3) Ley de zona: Una zona incluye una serie de caras de un cristal, cuyas líneas de intersección son paralelas entre sí y a su vez a una línea común que pasa por el centro del cristal que se llama *eje de zona*.



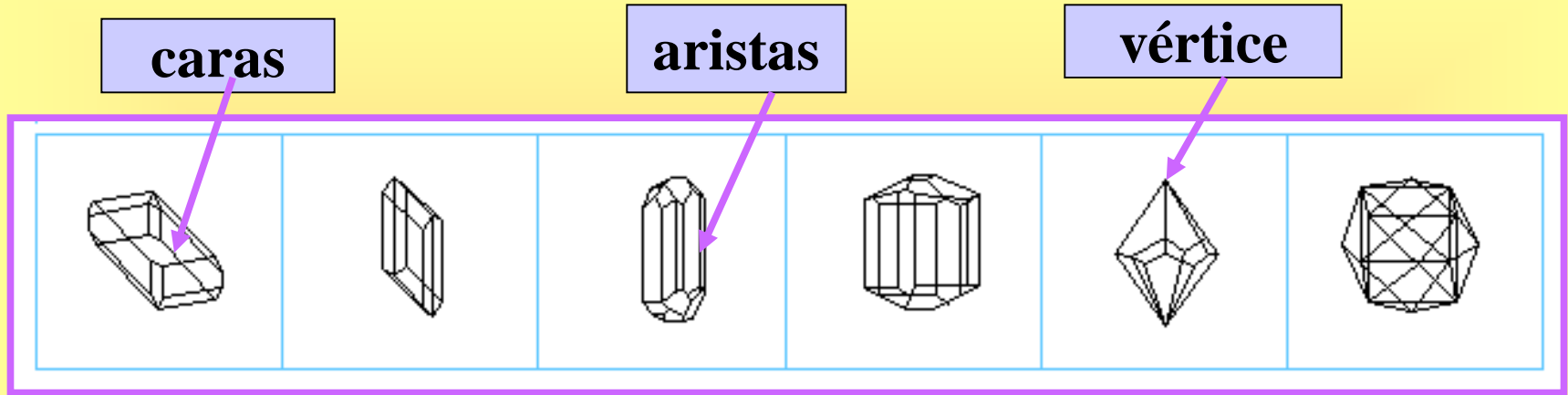
OX }
OY } Representan a los ejes cristalográficos
OZ }

OA }
OB } Son las unidades de medidas sobre cada
OC } uno de los ejes cristalográficos y están
representados por las letras a, b y c.

□
ABC : 1a, 1b, 1c
Unidad de medida de la cara



4) Ley de la simetría



Como en todo poliedro, es posible reconocer en los cristales los siguientes elementos geométricos:

Caras: los planos que delimitan el poliedro.

Aristas: las líneas de intersección de dos planos.

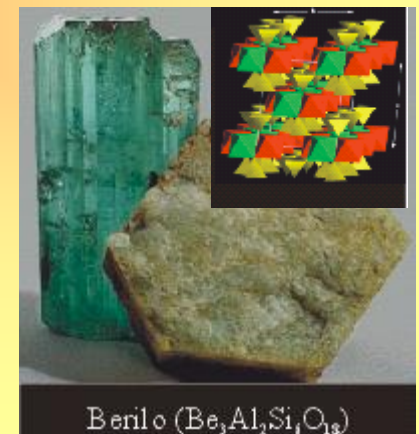
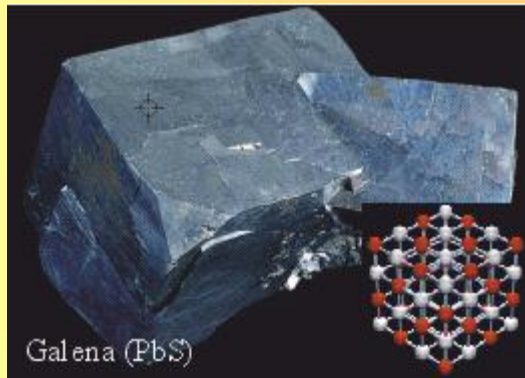
Vértices: los puntos de reunión de tres o más aristas.

Las caras de los cristales se distribuyen de acuerdo a ciertas leyes de simetría y esta simetría es la base natural de la división de los **cristales** en **sistemas, clases y formas**.

MORFOLOGIA EXTERNA

Cuando los minerales están limitados por caras planas y tienen formas geométricas regulares, se denominan cristales. Esta forma exterior es el resultado de una distribución atómica ordenada en una estructura tridimensional interna (redes cristalinas), que persiste a pesar de no manifestarse externamente.

El desarrollo del cristal surge como consecuencia del ordenamiento íntimo y regular de la materia anisótropa y del desarrollo externo gracias a la disponibilidad de espacio.



Según su morfología externa distinguimos entre cristales que son euhedros, subhedros o anhedros.

Hedron: CARA (griego)



Granates **EUHEDROS**
EU = BUENAS CARAS





Calcita **ANHEDRA**
AN= SIN CARAS



Plagioclasa **SUBHEDRA**
ALGUNAS CARAS

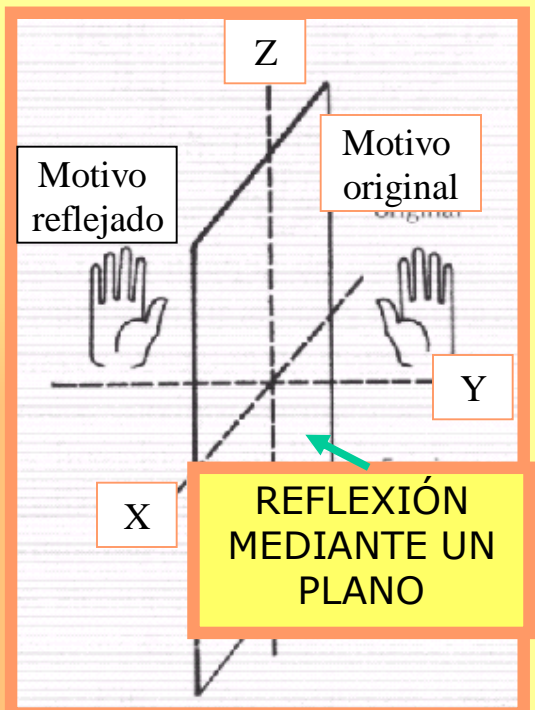
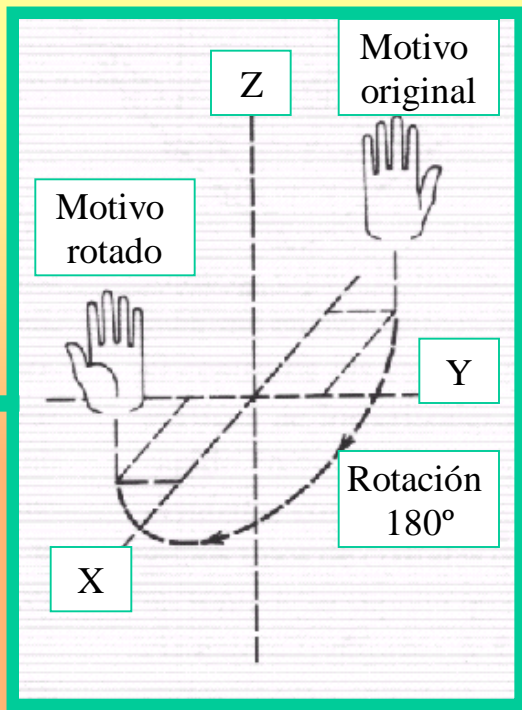
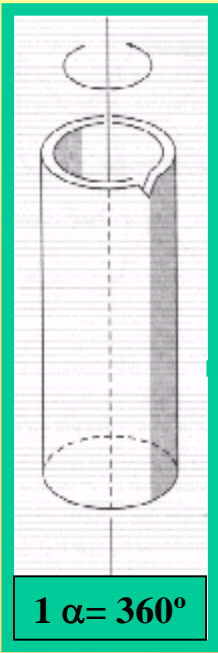
OPERACIONES DE SIMETRÍA

Elementos de simetría		Operación	Simbología
Simples	Ejes de simetría (giras)	Rotación	1, 2, 3, 4, 6. 
	Plano de simetría	Reflexión	m
	Centro de simetría	Inversión	i $\bar{1}$
Combinados (giroides)	Ejes de giro-inversión	Rotación + Inversión	$\bar{1}$ $\bar{2}$ $\bar{3}$ $\bar{4}$ $\bar{6}$ 

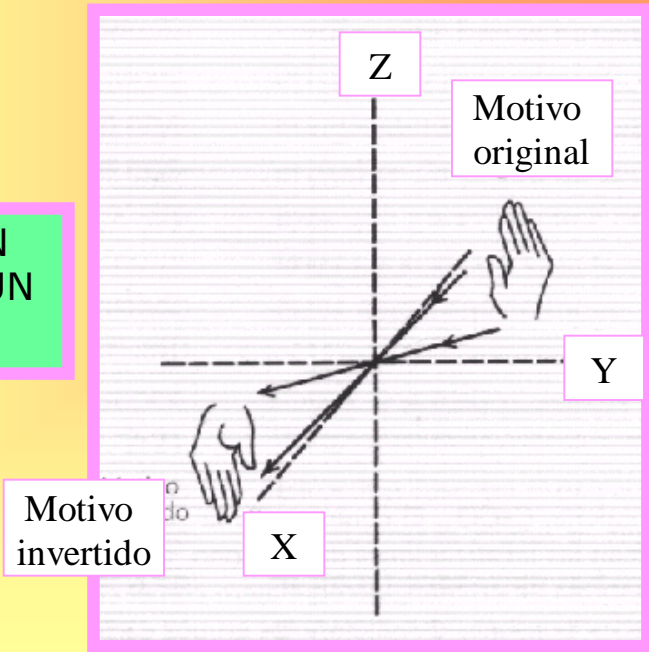
Caras, vértices y aristas guardan una distribución que es resultado de la multiplicación de un elemento inicial que se repite en forma simétrica y armónica en el espacio. Cambiando la posición del cristal se aprecian coincidencias en la distribución espacial de sus elementos geométricos, de tal manera que nada permite distinguir las nuevas posiciones de la posición original.

ELEMENTOS DE SIMETRÍA DE LOS 32 GRUPOS PUNTALES

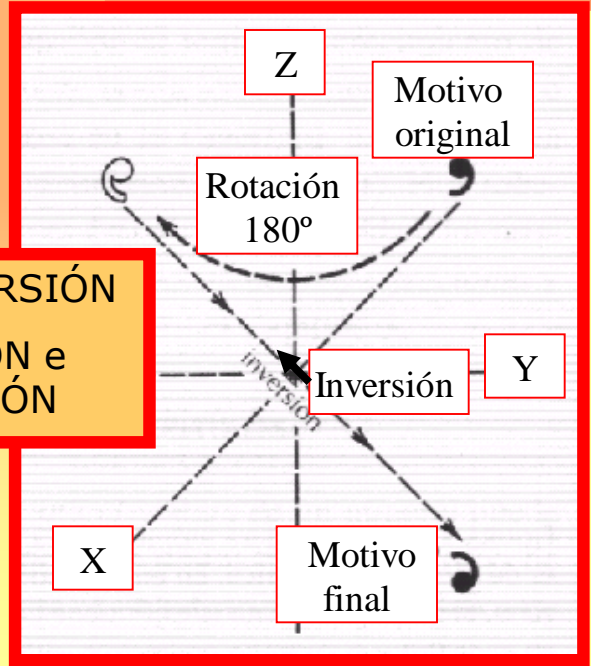
ROTACIÓN ALREDEDOR DE UN EJE = REPETICIÓN DEL MOTIVO POR ROTACIÓN

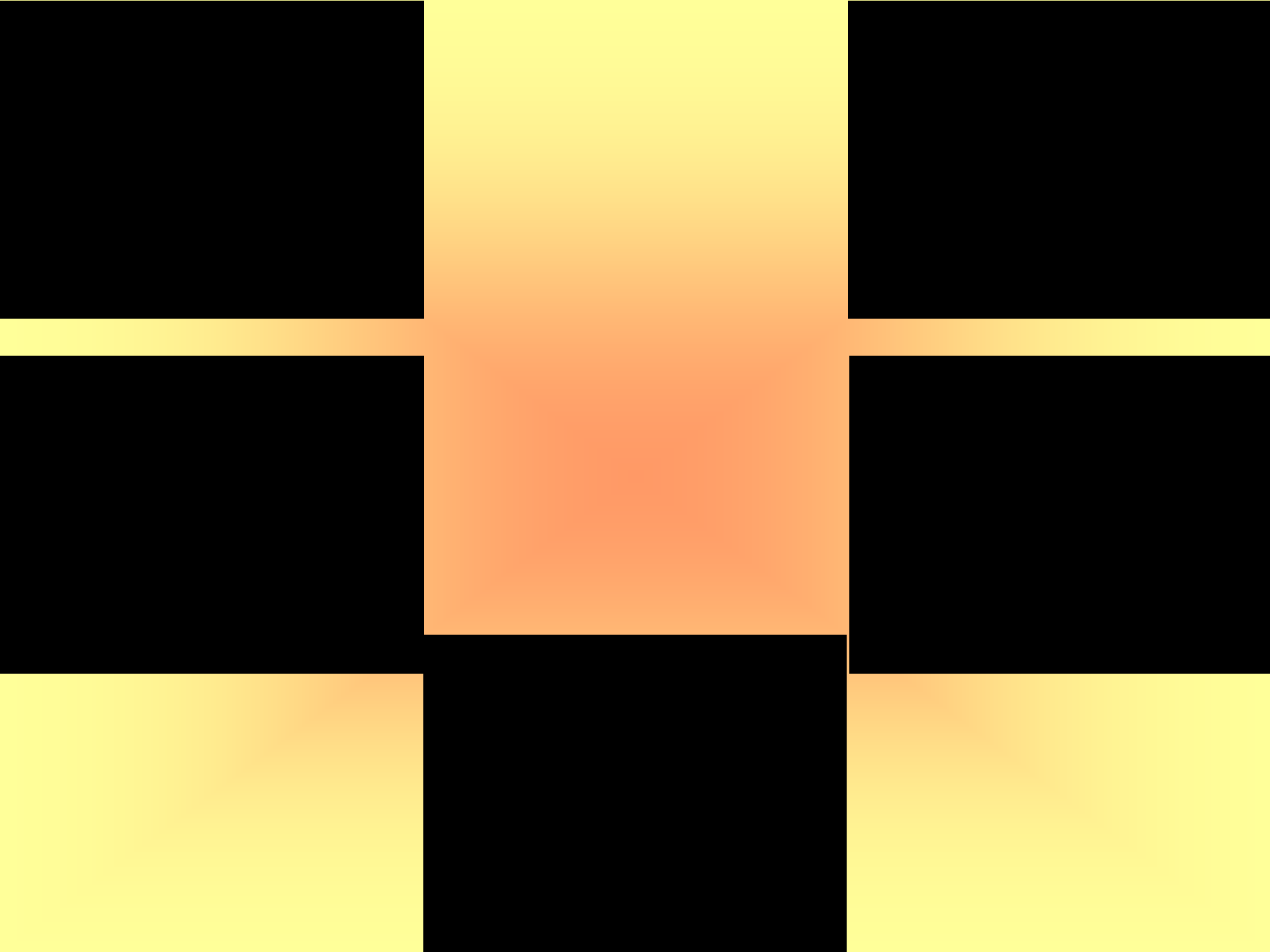


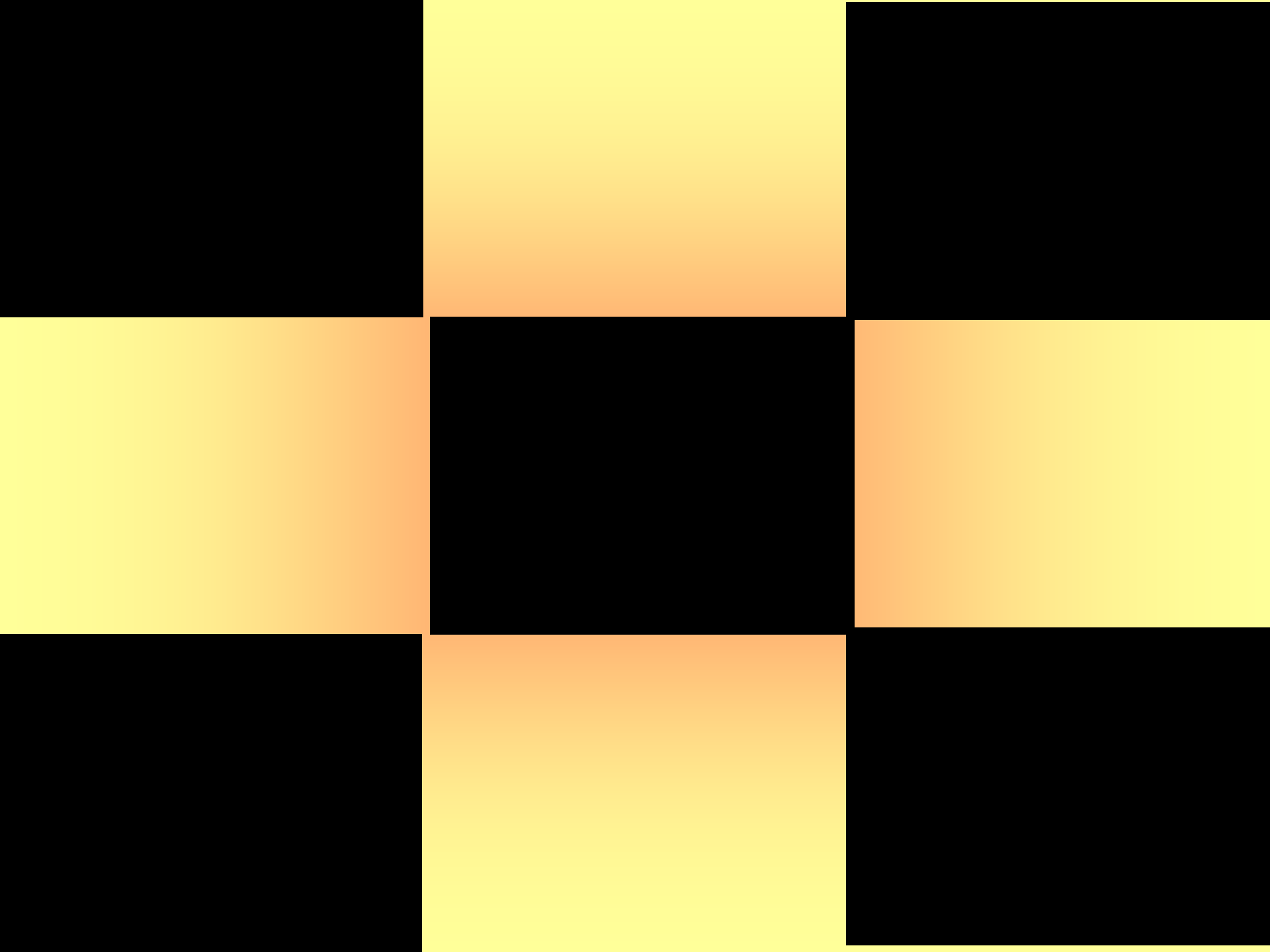
INVERSIÓN MEDIANTE UN CENTRO



GIRO+INVERSIÓN ROTACIÓN e INVERSIÓN







Notación

Centro de simetría i

Plano de simetría m

Eje de giro $1, 2, 3, 4, 6$

Giro/Inversión $\bar{3}, \bar{4}$

$\bar{1}, \bar{2}, \bar{6}$???

**DEDUCCIÓN
DE LAS
32
CLASES
DE SIMETRÍA
o
32
GRUPOS DE
PUNTOS**

Sistema cristalino	Clase cristalina	Nº	Nombre	Contenido de la simetría
Triclínico	1	1	Pedial	Ninguno
	$\bar{1}$	2	Pinacoidal	i
Monoclínico:	2	3	Esfenoédica	$1E_2$
	m	4	Domática	1m
	$2/m$	5	Prismática	i, E_2 , 1m
Ortorrómbico:	222	6	Rómbica biesfenoédica	$3E_2$
	$mm2$	7	Rómbica piramidal	$1E_2$, 2m
	$2/m2/m2/m$	8	Rómbica bipiramidal	i, $3E_2$, 3m
Tetragonal:	4	9	Tetragonal piramidal	$1E_4$
	$\bar{4}$	10	Tetragonal biesfenoédica	$1E_4$
	$4/m$	11	Tetragonal bipiramidal	i, $1E_4$, 1m
	422	12	Tetragonal trapezoédrica	$1E_4$, $4E_2$
	4mm	13	Ditetragonal piramidal	$1E_4$, 4m
	$\bar{4}2m$	14	Tetragonal escalenoédrica	$1E_4$, $2E_2$, 2m
	$4/m2/m2/m$	15	Ditetragonal bipiramidal	i, $1E_4$, $4E_2$, 5m
Hexagonal: División Romboédrica:	3	16	Trigonal piramidal	$1E_3$
	$\bar{3}$	17	Romboédrica	$1E_3$
	32	18	Trigonal trapezoédrica	$1E_3$, $3E_2$
	3m	19	Ditrigonal piramidal	$1E_3$, 3m
	$\bar{3}2/m$	20	Ditrigonal Escalenoédrica	$1E_3$, $3E_2$, 3m
Hexagonal: División Hexagonal:	6	21	Hexagonal piramidal	$1E_6$
	$\bar{6}$	22	Trigonal bipiramidal	$1E_6$
	$6/m$	23	Hexagonal bipiramidal	i, $1E_6$, m
	622	24	Hexagonal trapezoédrica	$1E_6$, $6E_2$
	6mm	25	Dihexagonal piramidal	$1E_6$, 6m
	$\bar{6}m2$	26	Ditrigonal bipiramidal	$1E_6$, $3E_2$, 3m
	$6/m2/m2/m$	27	Dihexagonal bipiramidal	i, $1E_6$, $6E_2$, 7m
Cúbico o Isométrico:	23	28	Tetartoédrica	$3E_2$, $4E_3$
	$2/m\bar{3}$	29	Diploédrica	i, $3E_2$, $4E_3$, 3m
	432	30	Giroédrica	$3E_4$, $4E_3$, $6E_2$
	$\bar{4}3m$	31	Hexatetraédrica	$3E_4$, $4E_3$, 6m
	$4/m\bar{3}2/m$	32	Hexaoctaédrica	i, $3E_4$, $4E_3$, $6E_2$, 9m

Formas cristalográficas

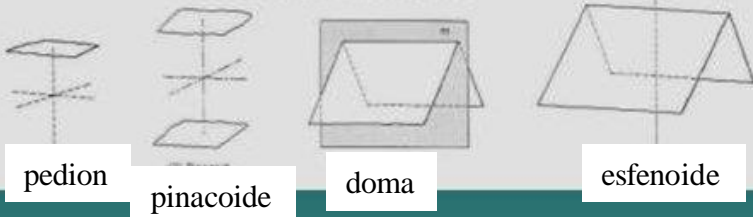
Refiere a un grupo de caras que presentan igual relación con los elementos de simetría. Sobre caras semejantes, los cristales de una misma especie mineral presentan idénticas propiedades físicas y químicas: reflejo del ordenamiento atómico interno.

La combinación completa de caras que resulta en la morfología externa de un cristal se denomina "hábito".

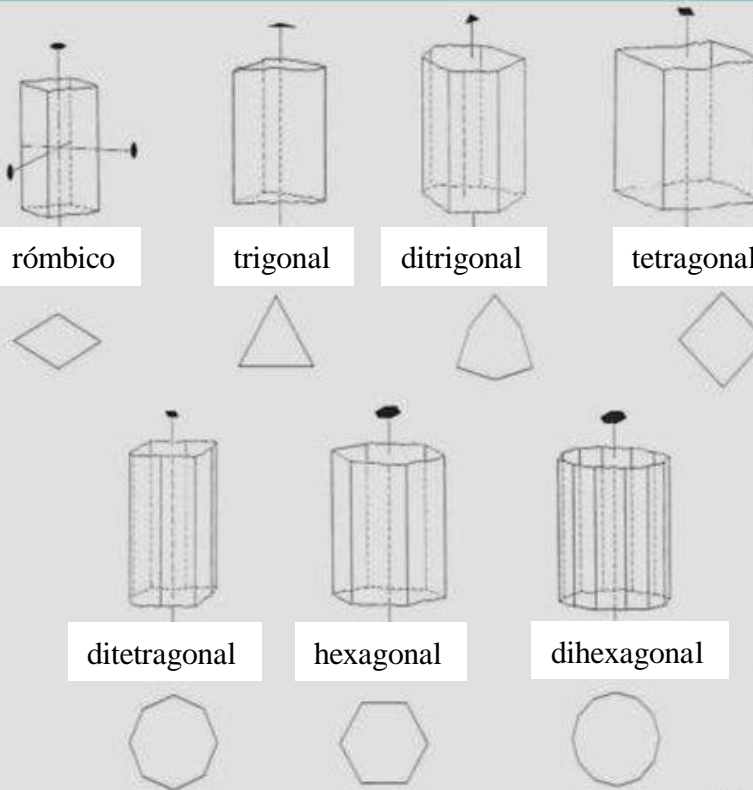
Las diversas formas

Low Symmetry Forms

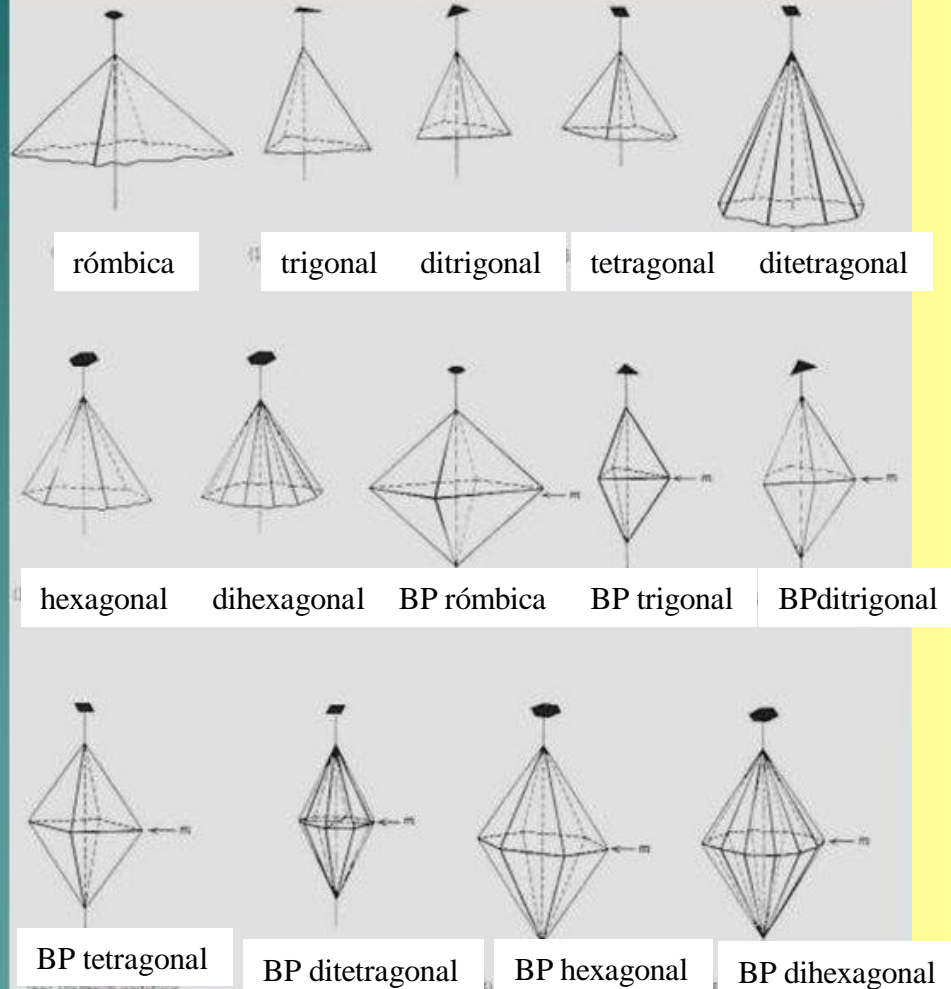
Non-isometric forms



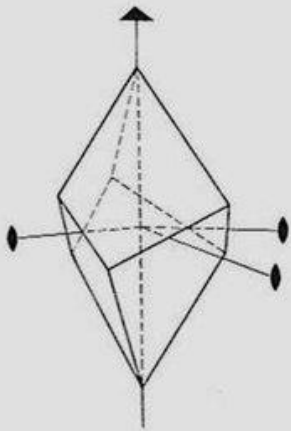
Prisms



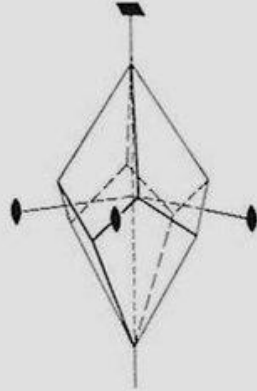
Pyramids and Dipyramids



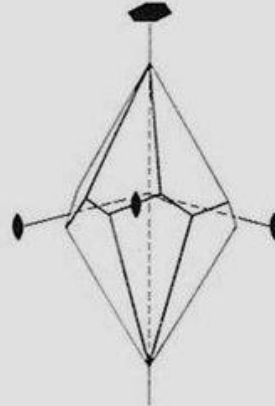
Trapezoedro, escalenoedro, romboedro y biesfenoides



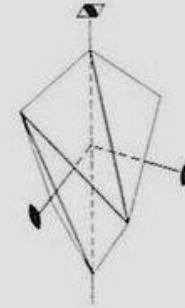
Tr. trigonal



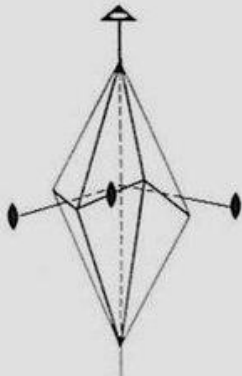
Tr. tetragonal



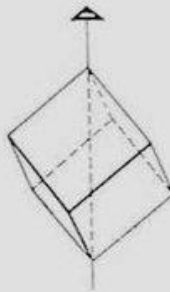
Tr. hexagonal



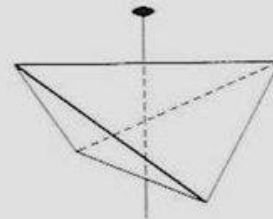
Esc. tetragonal



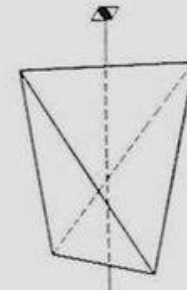
Esc. hexagonal



Romboedro

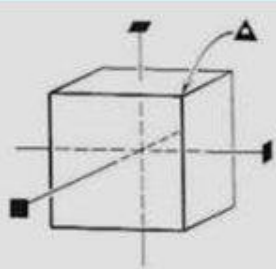


Biesfenoide rómbico

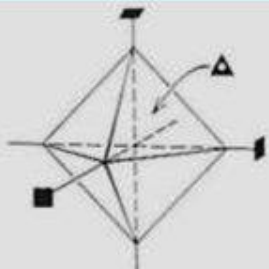


Biesfenoide tetragonal

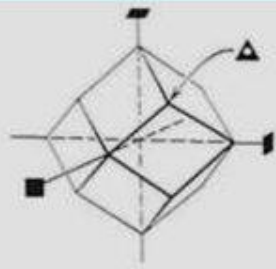
Formas isométricas



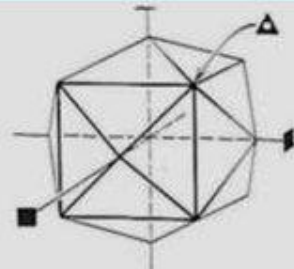
(34) Cube (hexahedron)



(35) Octahedron



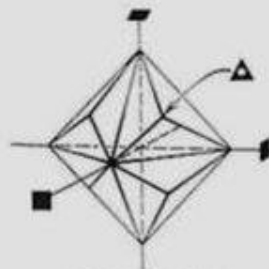
(36) Dodecahedron



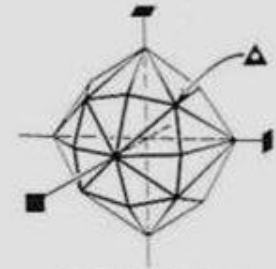
(37) Tetrahexahedron



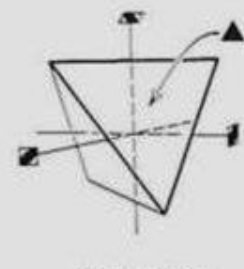
(38) Trapezohedron



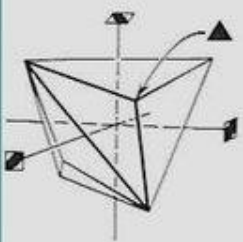
(39) Trisoctahedron



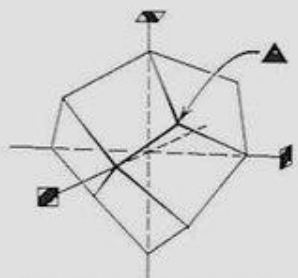
(40) Hexoctahedron



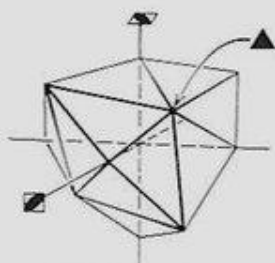
(41) Tetrahedron



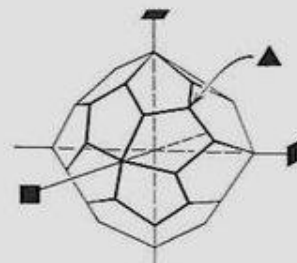
(42) Tristetrahedron



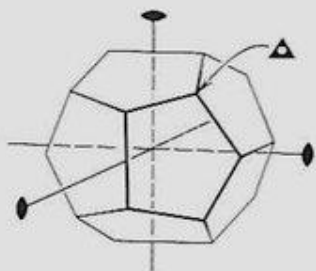
(43) Deltoid dodecahedron



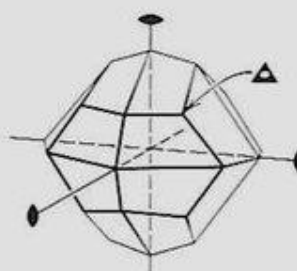
(44) Hextetrahedron



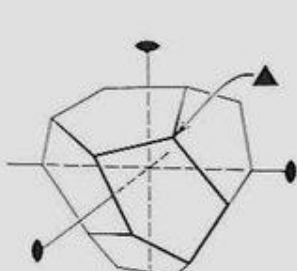
(45) Gyroid



(46) Pyritohedron



(47) Diploid



(48) Tetartoid

LA COMBINACIÓN DE LOS ELEMENTOS DE SIMETRÍA COMPATIBLES CON TRASLACIONES PERIÓDICAS

DEDUCCIÓN DE LOS 32 GRUPOS PUNTOS O CLASES DE SIMETRÍA

SISTEMA TRICLÍNICO	CLASES	FORMAS SIMPLES							EJEMPLOS
	PINACOIDE Triclínico a	PINACOIDE Triclínico b	PINACOIDE Triclínico c	PINACOIDE Triclín. 1º ord.	PINACOIDE Triclín. 2º ord.	PINACOIDE Triclín. 3º ord.	PINACOIDE Triclínico 4º orden		
1	PINACOIDAL								<p>microclina plagioclasas redonita wallastonita</p> <p>ant sup der {hk0} ant sup izq {hkl} ant inf der {hkl} ant inf izq {hkl}</p>
	PEDIONAL								
		PINACOIDE Triclínico a	PINACOIDE Triclínico b	PINACOIDE Triclínico c	PINACOIDE Triclín. 1º ord.	PINACOIDE Triclín. 2º ord.	PINACOIDE Triclín. 3º ord.	PINACOIDE Triclínico 4º orden	
		ant {100} post {100}	der {010} izq {010}	sup {001} inf {001}	der sup {0k} izq sup {0k}	ant sup {h0l} post inf {h0l}	der {hk0} izq {hk0}		
		PEDION Triclínico a	PEDION Triclínico b	PEDION Triclínico c	PEDION Triclín. 1º ord.	PEDION Triclín. 2º ord.	PEDION Triclín. 3º ord.	PEDION Triclínico 4º orden	
		ant {100} post {100}	der {010} izq {010}	sup {001} inf {001}	der sup {0k} der inf {0k} izq sup {0k} izq inf {0k}	ant sup {h0l} ant inf {h0l} post sup {h0l} post inf {h0l}	der ant {hk0} der post {hk0} izq ant {hk0} izq post {hk0}		

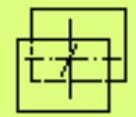

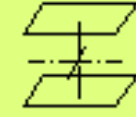


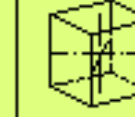

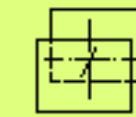
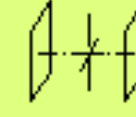
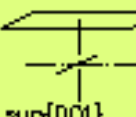


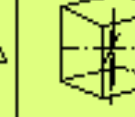

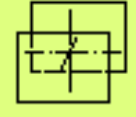
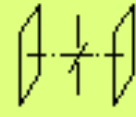
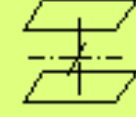


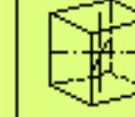
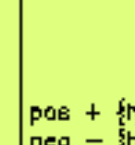
SISTEMA TRICLÍNICO: GRUPOS PUNTOS 1 y $\bar{1}$

LA COMBINACIÓN DE LOS ELEMENTOS DE SIMETRÍA COMPATIBLES CON TRASLACIONES PERIÓDICAS

SISTEMA MONOCLÍNICO	CLASES	FORMAS SIMPLES							EJEMPLOS
		PINACOIDE MONOCLÍNICO a	PINACOIDE MONOCLÍNICO b	PINACOIDE MONOCLÍNICO c	PRISMA MONOCL. de 1° orden	PINACOIDE MONOCL. 2° orden	PRISMA MONOCL. 3° orden	PRISMA MONOCLÍNICO de 4° orden	
PRISMÁTICA	$1E_2, 1m, i$ $2/m$	 $\{100\}$	 $\{010\}$	 $\{001\}$	 $\{0K\}$	 ant sup $\{h0l\}$ ant inf $\{h0l\}$	 $\{hk0\}$	 ant $\{hkl\}$ post $\{hkl\}$	wolframita borax, yeso ortosa, muscovita talca, tremolita, y otros anfíboles diopside y otros pirroxenas, epidota, azurita, malequita
ESFENOIDAL	$1E_2$ 2	 $\{100\}$	 der $\{010\}$ izq $\{010\}$	 $\{001\}$	 der $\{0kl\}$ izq $\{0kl\}$	 ant sup $\{h0l\}$ ant inf $\{h0l\}$	 der $\{hkl\}$ izq $\{hkl\}$	 ant sup der $\{hkl\}$ ant sup izq $\{hkl\}$ ant inf der $\{hkl\}$ ant inf izq $\{hkl\}$	diopside pickeringita $M_2As_2(SO_4)_2 \cdot 2H_2O$
DOMÁTICA	$1m$ m	 ant $\{100\}$ post $\{100\}$	 $\{010\}$	 sup $\{001\}$ inf $\{001\}$	 sup $\{0kl\}$ inf $\{0kl\}$	 ant sup $\{h0l\}$ post inf $\{h0l\}$ ant inf $\{h0l\}$ post sup $\{h0l\}$	 ant $\{hkl\}$ post $\{hkl\}$	 ant sup $\{hkl\}$ post inf $\{hkl\}$ ant inf $\{hkl\}$ post sup $\{hkl\}$	nifandita $Ca_2HfCl_6 \cdot 6H_2O$ clinohedrita $Ca_2Zn_2(OH)_2$ $Si_2O_7 \cdot H_2O$

SISTEMA MONOCLÍNICO: GRUPOS PUNTOS $(2/m) (2) (m)$

LA COMBINACIÓN DE LOS ELEMENTOS DE SIMETRÍA COMPATIBLES CON TRASLACIONES PERIÓDICAS

SISTEMA ORTORRÓMBICO	CLASES	FORMAS SIMPLES							EJEMPLOS
	RÓMBICA BIPIRAMIDAL $3E_2, 3C_2, i$ $2/m2/m2/m$	PINACOIDE RÓMBICO a  $\{100\}$	PINACOIDE RÓMBICO b  $\{010\}$	PINACOIDE RÓMBICO c  $\{001\}$	PRISMA RÓMBICO 1º ord.  $\{0k\}$	PRISMA RÓMBICO 2º ord.  $\{h0\}$	PRISMA RÓMBICO 3º ord.  $\{hk0\}$	BIPIRÁMIDE RÓMBICA  $\{hkl\}$	azufre estaurolita topacio anglesita berilito celestina broquita andalusita antofilita aragonita mercurita plúmbico
RÓMBICA PIRAMIDAL $1 E_2, 2C_2$ $mm2$	PINACOIDE RÓMBICO a  $\{100\}$	PINACOIDE RÓMBICO b  $\{010\}$	PEDIÓN RÓMBICO c  $\text{sup}\{001\}$ $\text{inf}\{001\}$	DOMO RÓMBICO 1º orden  $\text{sup}\{0k\}$ $\text{inf}\{0k\}$	DOMO RÓMBICO 2º orden  $\text{sup}\{h0\}$ $\text{inf}\{h0\}$	PRISMA RÓMBICO 3º ord.  $\{hk0\}$	PIRÁMIDE RÓMBICA  $\text{sup}\{hkl\}$ $\text{inf}\{hkl\}$	sillimanita antimónita hemimorfita $Zn_3\text{Si}_2\text{O}_7(\text{OH})_2$ H_2O bertrandita $\text{Ba}_2\text{Si}_2\text{O}_7(\text{OH})_2$	
RÓMBICA BIESFENO- IDICA $3E_2$ 222	PINACOIDE RÓMBICO a  $\{100\}$	PINACOIDE RÓMBICO b  $\{010\}$	PINACOIDE RÓMBICO c  $\{001\}$	PRISMA RÓMBICO 1º ord.  $\{0k\}$	PRISMA RÓMBICO 2º ord.  $\{h0\}$	PRISMA RÓMBICO 3º ord.  $\{hk0\}$	BIESFENOIDE RÓMBICO  $\text{pos} + \{hkl\}$ $\text{neg} - \{hkl\}$	espinita $\text{HgSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$ olivenita $\text{Cu}_2\text{As}_2\text{O}_4(\text{OH})$	

SISTEMA ORTORRÓMBICO: (Símbolos de Herman y Mauguin)

GRUPOS PUNTOS  $(2/m2/m2/m)$ $(mm2)$ (222)

LA COMBINACIÓN DE LOS ELEMENTOS DE SIMETRÍA COMPATIBLES CON TRASLACIONES PERIÓDICAS

SISTEMA	CLASES	FORMAS SIMPLES							EJEMPLOS
SISTEMA HEXAGONAL	HEXAGONAL ESCALENOÉDRICA $E_6, 3C_2, 3C_6$ $\bar{3} 2/m$	PINACÓIDE BASAL $\{0001\}$	PRISMA HEXAÉDRICO $\{10\bar{1}0\}$	PRISMA HEXAÉDRICO $\{11\bar{2}0\}$	PRISMA DIOCTAÉDRICO $\{h\bar{1}00\}$	ROMBOEDRO $\bar{3}$ sim. $\{h\bar{1}00\}$ $\{0hh\bar{1}\}$	BIPIRÁMIDE HEXAÉDRICA $\{h\bar{1}2h\bar{1}\}$	ESCALENOÉDRICO HEXAGONAL $\{h\bar{1}k\bar{1}\}$ $\{h\bar{1}00\}$	calcita $CaCO_3$ hematita Fe_2O_3
	TRIGONAL PIRAMIDAL E_3 $3C_2$	PEDIÓN BASAL $\{0001\}$ $\{m\bar{m}000\bar{1}\}$	PRISMA TRIGONAL $\{ant\bar{1}010\}$ $\{post\bar{1}010\}$	PRISMA TRIGONAL $\{der\bar{1}120\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PRISMA DITRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{post\bar{1}h0\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	grafita $As_4Pb_8S_8$
	DITRIGONAL PIRAMIDAL $E_3, 3C_2$ $3C_6$	PEDIÓN BASAL $\{0001\}$ $\{m\bar{m}000\bar{1}\}$	PRISMA TRIGONAL $\{ant\bar{1}010\}$ $\{post\bar{1}010\}$	PRISMA TRIGONAL $\{der\bar{1}120\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PRISMA DITRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{post\bar{1}h0\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	turmalina $(BO_3)_2Si_2(OH)_2$ pirargita prausita
	ROMBOÉDRICA E_2 $3C_2$	PINACÓIDE BASAL $\{0001\}$	PRISMA HEXAÉDRICO $\{10\bar{1}0\}$	PRISMA HEXAÉDRICO $\{11\bar{2}0\}$	PRISMA DIOCTAÉDRICO $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	ROMBOEDRO $\bar{3}$ sim. $\{h\bar{1}00\}$ $\{0hh\bar{1}\}$	ROMBOEDRO $\bar{3}$ sim. $\{h\bar{1}2h\bar{1}\}$ $\{0hh\bar{1}\}$	ROMBOEDRO $\bar{3}$ sim. $\{h\bar{1}00\}$ $\{0hh\bar{1}\}$ $\{h\bar{1}2h\bar{1}\}$ $\{0hh\bar{1}\}$	calcita $CaMg(CO_3)_2$
	TRIGONAL TRAPEZOÉDRICA $E_3, 3C_2$ $3C_2$	PINACÓIDE BASAL $\{0001\}$	PRISMA HEXAÉDRICO $\{10\bar{1}0\}$	PRISMA TRIGONAL $\{der\bar{1}120\}$ $\{tr\bar{1}2110\}$	PRISMA DITRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{post\bar{1}h0\}$	ROMBOEDRO $\bar{3}$ sim. $\{h\bar{1}00\}$ $\{0hh\bar{1}\}$	BIPIRÁMIDE TRIGONAL $\{der\bar{1}h2h\bar{1}\}$ $\{tr\bar{1}2h\bar{1}h\bar{1}\}$	TRAPEZOÉDRICO TRIGONAL $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2h\bar{1}h\bar{1}\}$ $\{der\bar{1}h0\}$ $\{tr\bar{1}2h\bar{1}h\bar{1}\}$	cuabrita Ca_3S_2 Ca_3 ($<573^\circ C$) cinabrita Hg_8

SISTEMA HEXAGONAL - DIV. ROMBOÉDRICA: (Símbolos de Herman y Mauguin)

GRUPOS PUNTOS



$(\bar{3}2/m)$ (3) (3m) ($\bar{3}$) (32)

		FORMAS SIMPLES							EJEMPLOS
SISTEMA HEXAGONAL	DIV. EKAGONAL BIPIRAMIDAL C_6h $6/m2/m2/m$ $C_6/m2/m2/m$								berilo A $6/m2/m2/m$ D $6/m2/m2/m$ grafita C
	DIV. EKAGONAL PIRAMIDAL C_6h $6mm$								zinco ZnO
	HEKAGONAL BIPIRAMIDAL C_6h $6/m$ C_6/m								apofita (OH, F, Cl) Ca (PO ₄) ³⁻
	HEKAGONAL PIRAMIDAL C_6h C_6								grafita SiO ₂
	HEKAGONAL TRAPEZOIDICA C_6h $6/m$ C_6/m								grafita ($2 \times 572^\circ$) SiO ₂
	DIV. TRIGONAL BIPIRAMIDAL C_3h $3C_2$ $6/m$ C_3h								berilo BaTiO ₃
	TRIGONAL BIPIRAMIDAL C_3h $(C_3 - C_2 - C_2)$ C_3								Al representante trigonal Al ₂ PO ₄

SISTEMA HEXAGONAL - DIV. HEXAGONAL: (Símbolos de Hermann Maugin)

GRUPOS PUNTOS: $(6/m2/m2/m)$ $(6mm)$ $(6/m)$ (6) (622) $(\bar{6}m2)$ $(\bar{6})$

SISTEMA TETRAGONAL

CLASES	FORMAS SIMPLES														
DITETRAGONAL SIFERICAL Ej. $4/m\bar{3}m$, 1 $4/m\bar{3}m$ $2/m\bar{2}m$															
DITETRAGONAL PIRAMIDAL Ej. 4m 4mm															
TETRAGONAL SIFERICAL Ej. $m\bar{2}$, 1 $4/m$															
TETRAGONAL TETRAEDRICA Ej. $2/m\bar{2}m$ $42m$															
TETRAGONAL TRIPRISMATICA Ej. 422 422															
TETRAGONAL DISPRISMATICA Ej. 2 4															

SISTEMA TETRAGONAL:

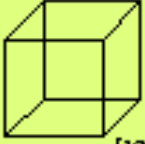






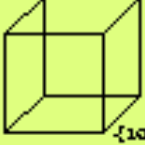








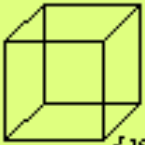








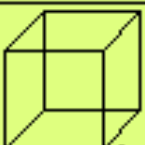








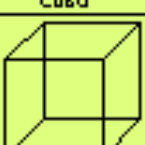








Símbolos de Hermann Mauguin

GRUPOS PUNTO

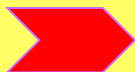


$(4/m\bar{2}m)(4mm)(4/m)(4)(\bar{4}2m)(422)(\bar{4})$

LA COMBINACIÓN DE LOS ELEMENTOS DE SIMETRÍA COMPATIBLES CON TRASLACIONES PERIÓDICAS

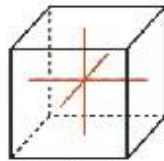
SISTEMA CÚBICO	CLASE	CUBO	OCTAEDRO	ROMBOCUBO O CUBO TRUNCADO	TETRAHEDRO	TRISOCEDRO	TRAPUEZEDRO	HEXAOCEDRO	
	HEXAOCÉDRICA $(4/m\bar{3}2/m)$ $4/m\bar{3}2/m$		 {100}	 {111}	 {110}	 {100}	 {111}	 {111}	 {111}
DIPLOÉDRICA $(2/m\bar{3}2/m)$ $2/m\bar{3}2/m$		 {100}	 {111}	 {110}	 {100}	 {111}	 {111}	 {111}+  {111}-	
HEXATETRAÉDRICA $(2/m\bar{3}2/m)$ $2/m\bar{3}2/m$		 {100}	 {111}	 {110}	 {100}	 {111}+ {111}-	 {111}+ {111}-	 {111}+  {111}-	
GEROÉDRICA $(2/m\bar{3}2/m)$ 432		 {100}	 {111}	 {110}	 {100}	 {111}	 {111}	 {111}+  {111}-	
TETRAIOÉDRICA $(2/m\bar{3}2/m)$ 23		 {100}	 {111}	 {110}	 {100}	 {111}+ {111}-	 {111}+ {111}-	 {111}+  {111}-	

SISTEMA CÚBICO: (Símbolos de Herman y Mauguin)

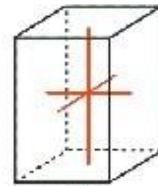
GRUPOS PUNTOS:  $(4/m\bar{3}2/m) (2/m\bar{3}) (\bar{4}3m) (432) (23)$

LOS SISTEMAS CRISTALINOS

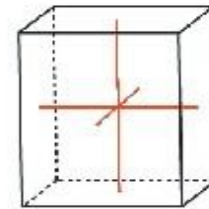
Agrupando las distintas formas por su simetría y refiriéndolas a diferentes configuraciones de ejes de referencia surgen los 6 sistemas cristalinos (para algunos autores son 7, OJO!)



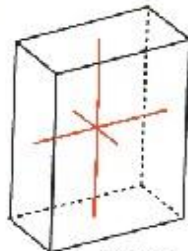
Cristal
Cúbico



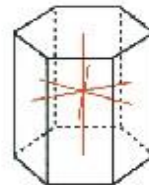
Cristal
Tetragonal



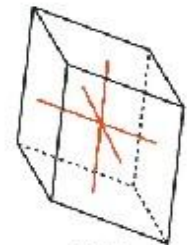
Cristal
Ortorombico



Cristal
Monoclínico



Cristal
Hexagonal



Cristal
Triclínico

Ejes cristalográficos

Son líneas imaginarias definidas por la simetría de cada clase. Se usan para ubicar espacialmente la cara de un cristal y determinar su posición e inclinación angular.

$a \neq b \neq c / \alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$	Triclínico
$a \neq b \neq c / \alpha = \gamma = 90^\circ \neq \beta > 90^\circ$	Monoclínico
$a \neq b \neq c / \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Ortorrómbico
$a_1 = a_2 = a_3 \neq c / \gamma = 90^\circ \neq \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 120^\circ$	Hexagonal
$a_1 = a_2 \neq c / \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Tetragonal
$a_1 = a_2 = a_3 / \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Cúbico

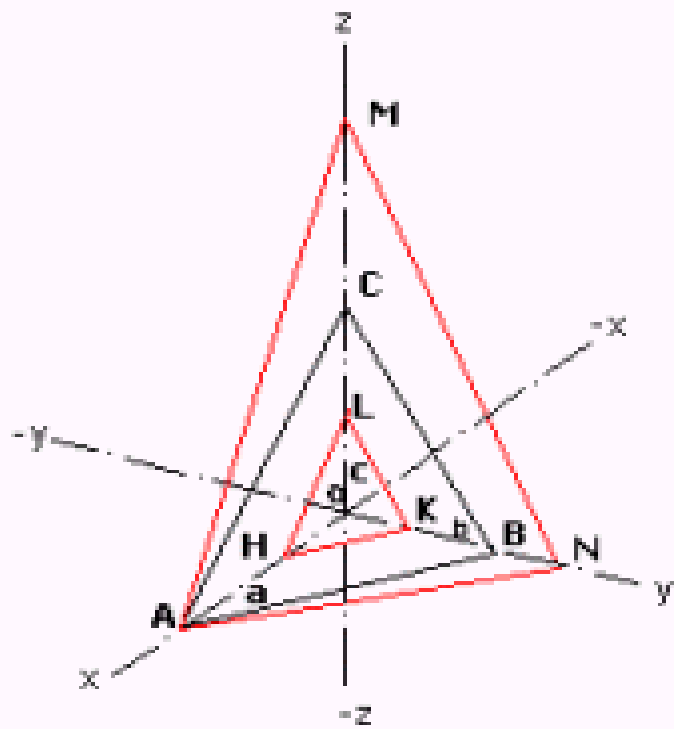
Cruz axial: Se llama así al conjunto de relaciones angulares y de longitud que guardan entre sí los ejes cristalográficos en los distintos sistemas.

α : entre b y c

β : entre a y c

γ : entre a y b

PARÁMETROS: Los parámetros de una cara consisten en una serie de valores numéricos que expresan las distancias a las que esta cara (o su prolongación) corta a los ejes cristalográficos.



OX }
 OY } Representan a los ejes cristalográficos
 OZ }

OA }
 OB } Son las unidades de medidas sobre cada
 OC } uno de los ejes cristalográficos y están
 representados por las letras a, b y c.

▭
 ABC : 1a, 1b, 1c cara unidad
 Unidad de medida de la cara

El plano ABC: 1a; 1b; 1c. El plano HKL: 1/4a; 1/3b; 1/2c. El plano ANM: 1a; 4/3b; 2c. Son los índices de Weiss

Índices de Miller

Para el cálculo cristalográfico conviene trabajar con números enteros.

Los índices de Miller se obtienen a partir de la inversa de los parámetros (o índices de Weiss) y eliminando las fracciones, si es necesario.

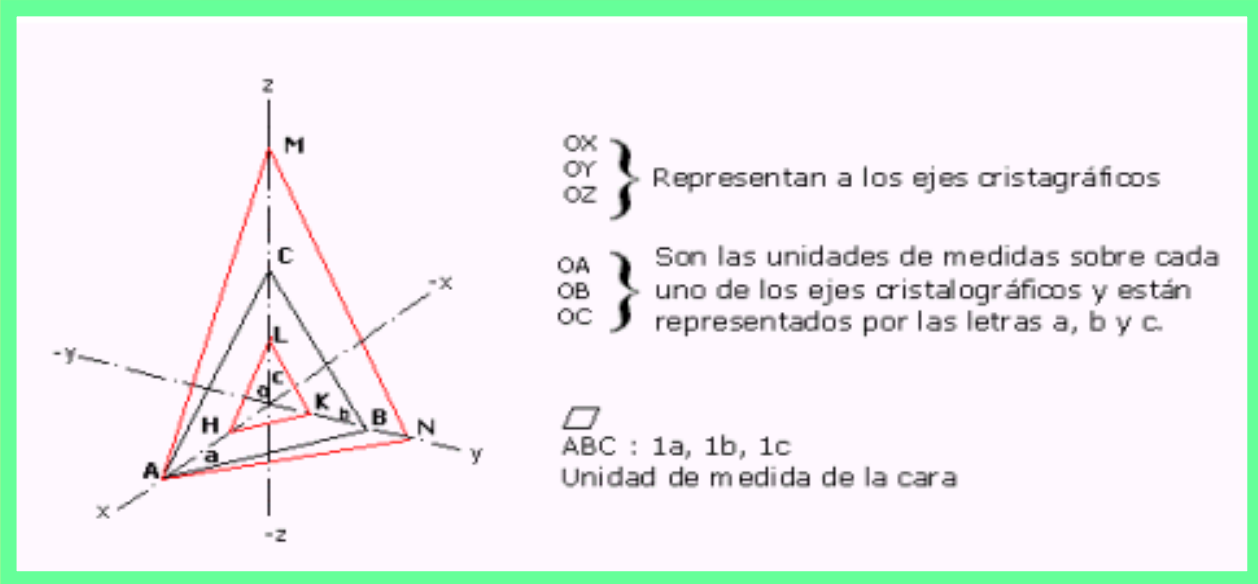
Por ejemplo, para el caso anterior tendremos:

HKL: $1/4a$; $1/3b$; $1/2c$. La inversa es $4a$; $3b$; $2c$. Que es igual a (432).

ANM: $1a$; $4/3b$; $2c$. La inversa es $1a$; $3/4b$; $1/2c$. Eliminando fracciones es: $4a$; $3b$; $2c$ ó (432)

Las letras que indican los distintos ejes se omiten y los índices en este caso se escriben sencillamente (432)

Si una cara es paralela a uno de los ejes lo corta en ∞
Cuál es el índice de Miller correspondiente ??

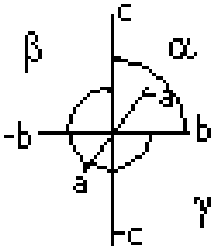
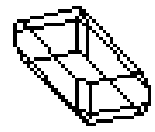
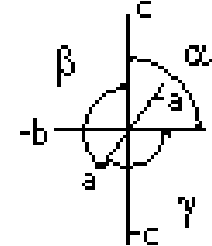

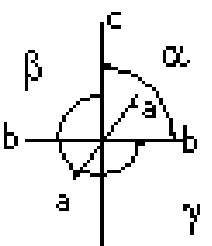
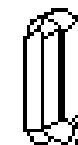
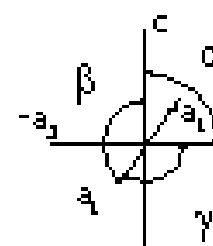
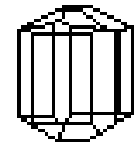
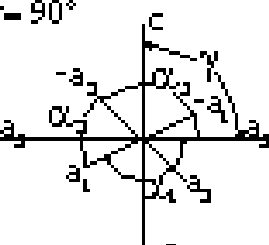
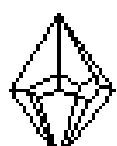
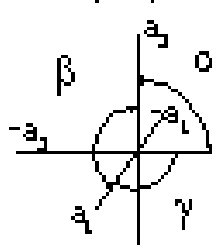
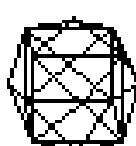


Una expresión general para índices que pertenecen a cualquier sistema de tres ejes es (h k l) y para el sistema hexagonal (h k \bar{i} l)

PARÁMETROS Y RELACIONES ANGULARES

Sistema cristalino	Cruz axial	Agrupación de simetrías
Triclínico	$a \neq b \neq c$ $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Un eje de orden 1 (de inversión o de identidad)
Monoclínico:	$a \neq b \neq c$ $\alpha = \gamma = 90^\circ \neq \beta$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Un eje de orden 2 y/o un plano m.
Ortorrómbico:	$a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Ejes de orden 2 planos m.
Tetragonal:	$a_1 = a_2 \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Un eje de orden 4
Hexagonal: División Romboédrica:	$a_1 = a_2 = a_3 \neq c$ $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 120^\circ$ $\neq \gamma = 90^\circ$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Un eje de orden 3 o $\bar{3}$
Hexagonal: División Hexagonal:		Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Un eje de orden 6 o $\bar{6}$
Cúbico o Isométrico:	$a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	Agrupación a todas las clases de simetría que posean: Cuatro ejes de orden $\bar{3}$ con una inclinación de $54^\circ 44'$ de los ejes cristalográficos

PARÁMETROS Y RELACIONES ANGULARES → 6 SISTEMAS CRISTALINOS

<p> $a \neq b \neq c$ $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$ </p>  	<p> $a \neq b \neq c$ $\alpha = \gamma = 90^\circ \neq \beta$ </p>  
<p>SISTEMA TRICLÍNICO - CRUZ AXIAL</p>	<p>SISTEMA MONOCLÍNICO - CRUZ AXIAL</p>
<p> $a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ </p>  	<p> $a_1 = a_2 \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ </p>  
<p>SISTEMA ORTORRÓMBICO- CRUZ AXIAL</p>	<p>SISTEMA TETRAGONAL - CRUZ AXIAL</p>
<p> $a_1 = a_2 = a_3 \neq c$ $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 120^\circ$ $\gamma = 90^\circ$ </p>  	<p> $a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ </p>  
<p>SISTEMA HEXAGONAL- CRUZ AXIAL</p>	<p>SISTEMA CÚBICO- CRUZ AXIAL</p>